

Отсюда видно, что  $y' = 0$  в точках  $x = -1 - \sqrt{2} \approx -2,4$  и  $x = -1 + \sqrt{2} \approx 0,4$ . В точке  $x = -1$  производные  $y'$  и  $y''$  не существуют.

Составим таблицу изменения знака первой и второй производных в зависимости от изменения аргумента, включив в нее критические точки.

Таблица 1

$x$		$-1 - \sqrt{2}$		$-1$		$-1 + \sqrt{2}$	
$y'$	+	0	-	Не существует	-	0	+
$y''$	-	-	-	Не существует	+	+	+

Из этой таблицы видно, что функция  $f(x)$  в точке  $x = -1 + \sqrt{2}$  имеет строгий минимум, а в точке  $x = -1 - \sqrt{2}$  — строгий максимум; при  $x < -1$  функция строго выпукла вверх, а при  $x > -1$  — строго выпукла вниз. Точек перегиба нет, так как при  $x = -1$  функция разрывна.

Мы нашли общий характер поведения функции. Чтобы построить график более точно, надо найти ряд точек графика, как это отмечалось выше.

В дальнейшем для краткости таблицы, подобные табл. 1, будем называть *таблицами поведения функций* и иногда сразу отмечать в них точки экстремума, точки перегиба и интервалы выпуклости.

**Пример 2.** Построить график функции

$$f(x) = (x+1)^3 \sqrt{x^2}.$$

Область определения этой функции — вся вещественная прямая, причем она непрерывна в каждой точке и потому не имеет вертикальных асимптот. Из того, что

$$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x} = \infty,$$

следует, что нет и наклонных асимптот.

Для построения вчерне графика функции  $f(x)$  заметим, что

- 1)  $f(x)$  обращается в ноль в точках  $x = -1$  и  $x = 0$ ;
- 2)  $f > 0$  при  $x > -1$ ,  $x \neq 0$ ;
- 3)  $f < 0$  при  $x < -1$ ;