

щения теории Нуссельта. Исходные уравнения энергии и движения имеют вид:

$$r\rho_{ж} \frac{d}{dx} \int_0^{\delta} \omega_x dy = \frac{\lambda_{ж}}{\delta} \Delta T(X); \quad g_x + v_{ж} \frac{d^2 \omega_x}{dy^2} = 0.$$

Распределение температуры $\Delta T(X)$ может быть представлено аналитически с помощью функции распределения неизотермичности $\psi(X)$ в виде

$$\Delta T(X) = \overline{\Delta T} \psi(X).$$

Здесь $\overline{\Delta T}$ — средний температурный напор или средняя избыточная температура поверхности. В силу такого представления функция неизотермичности, очевидно, нормирована:

$$\int_{x=0}^{x=1} \psi(X) dX = 1.$$

Форма поверхности конденсации и ее ориентация относительно вектора ускорения свободного падения могут быть заданы аналитически в виде функции

$$\cos(\widehat{g, x}) = f(X),$$

предполагаемой известной. Тогда вместо величины g_x в уравнение движения можно ввести $gf(X)$. В общем случае вместо g может быть введено эффективное ускорение $g_3 = g(\rho_{ж} - \rho_{п})/\rho_{ж}$.

Интегрирование уравнения движения дает обычное параболическое распределение скорости по толщине пленки. После подстановки этого распределения в уравнение энергии и интегрирования по толщине пленки получаем:

$$\frac{\rho_{ж}^2 g r}{3\mu_{ж}} \frac{d}{dx} [\delta^3 f(X)] = \frac{\lambda_{ж}}{\delta} \overline{\Delta T} \psi(X).$$

Введем обозначения

$$\delta_0 = \left(3 \frac{\lambda_{ж} \overline{\Delta T} l \mu_{ж}}{\rho_{ж}^2 g r} \right)^{1/4}; \quad \eta = \frac{\delta}{\delta_0}.$$

Тогда последнее уравнение можно записать в виде

$$\eta \frac{d}{dX} (\eta^3 f) = \psi.$$

Умножая обе части уравнения на $f^{1/3}$ и интегрируя по X в пределах от 0 до X , имеем:

$$\eta^4(X) f^{4/3}(X) - \eta^4(0) f^{4/3}(0) = \frac{4}{3} \int_0^X \psi f^{1/3} dX.$$

Второе слагаемое левой части этого соотношения должно быть опущено. Для контура с «острой» верхней кромкой, когда $f(0) \neq 0$, величина $\eta(0)$ равна нулю. Для контура с плавным очертанием при верхней образующей (типа горизонтального цилиндра) $f(0) = 0$. Учтывая это, можно написать выражение для толщины пленки:

$$\eta(X) = \sqrt[4]{\frac{4}{3} f^{-1/3}(X) \left[\int_0^X \psi(X) f^{1/3}(X) dX \right]^{1/4}}. \quad (3-1-29)$$