

2) двигатель разгоняется с постоянным ускорением ϵ , а нагрузка ведомого механизма M_2 — величина постоянная*.

В этом случае движение рабочей машины начнется при времени $t > t_0$, когда муфта закрутится на угол $\varphi = \varphi_c$, при котором упругий момент в муфте M_m станет равным моменту в рабочей машине M_2 . Далее ведомая и ведущая части будут двигаться с различными скоростями до установившегося движения.

При $t > t_0$:

$$\varphi = \frac{\epsilon t^2}{2}$$

$$M_{\text{дв}} = C\varphi = C \frac{\epsilon t^2}{2}.$$

Отсюда

$$t_0 = \sqrt{\frac{2M_2}{C\epsilon}}; \quad \varphi_0 = \frac{M_2}{C}; \quad \omega_0 = \epsilon t_0 = \sqrt{\frac{2M_2\epsilon}{C}}.$$

Далее движение может быть представлено в следующем виде:

$$J_2 \frac{d^2\varphi}{dt^2} = M_{\text{дв}} - M_y; \quad (22)$$

$$M_{\text{дв}} = C\varphi_1 = C\left(\omega_0 t + \frac{\epsilon t^2}{2}\right) = C\left(\sqrt{\frac{2M_2\epsilon}{C}} t + \frac{\epsilon}{2} t^2\right); \quad M_y = -C\varphi,$$

где за начало отсчета времени принят момент $t = t_0 = 0$.

Уравнение (22) перепишется в виде

$$\frac{d^2\varphi}{dt^2} + k^2\varphi = k^2 \frac{\epsilon}{2} t^2 + k^2 \sqrt{\frac{2M_2\epsilon}{C}} t.$$

Решение этого уравнения

$$\varphi = A \sin\left(kt + \alpha\right) + \frac{\epsilon}{2} t^2 + \sqrt{\frac{2M_2\epsilon}{C}} t - \frac{\epsilon}{k^2}.$$

Постоянные A и α определяются из начальных условий

$$t = 0; \quad \varphi = 0; \quad \frac{d\varphi}{dt} = 0;$$

$$A = \frac{\epsilon}{k^2} \sqrt{\frac{1}{k^2} + t_0^2};$$

$$\operatorname{tg} \alpha = -\sqrt{\frac{J_2\epsilon}{2M_2}},$$

Момент, передаваемый муфтой,

$$M_m = M_2 + J_2 \frac{d^2\varphi}{dt^2} M_2 + J_2 \epsilon \left[1 - \sqrt{\frac{1}{k^2} + t_0^2} \sin(kt + \alpha) \right],$$

а угловая скорость ведомой машины будет меняться по уравнению

$$\omega_2 = \frac{d\varphi}{dt} = Ak \cos(kt + \alpha) + \epsilon t + \omega_0. \quad (23)$$

* Разработано проф. Н. И. Колчиным.